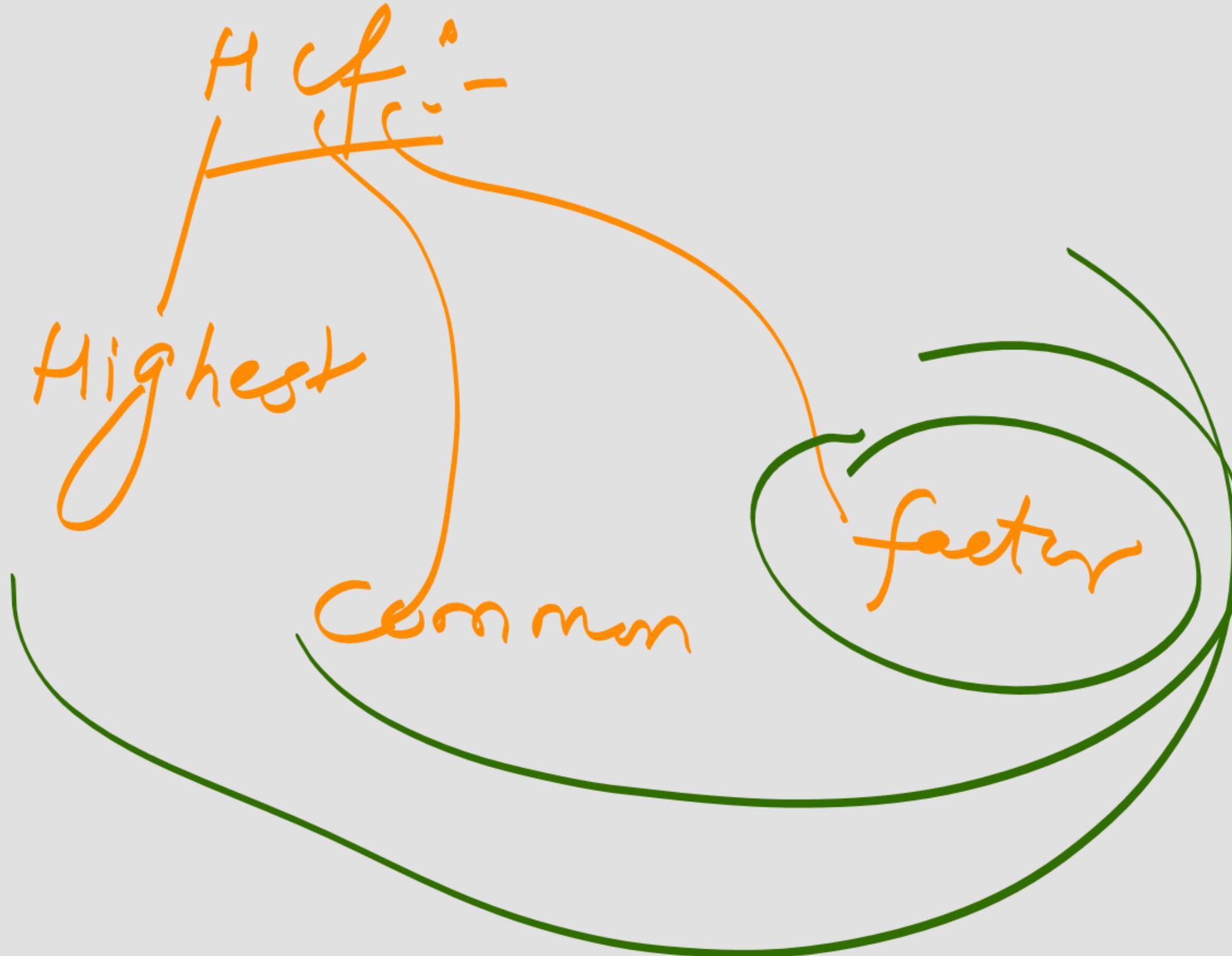


# NUMBER SYSTEM (HCF)

(tu) ①  
②

# HCF (Highest Common Factor)

NO. OF QUESTIONS	MAXIMUM DAYS	CLASS DURATION
<b>10 Questions</b>	<b>1 DAY</b>	<b>2 HOURS</b>



How to find HCF -

HCF [ 8, 12 ] :-

① Common factors method :-

$$F(8) = \{1, 2, 4, 8\}$$

$$F(12) = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$$

$Cf = 1, 2$             Highest HCF

## ⑪ Prime factorization method :-

Q, 12

$$8 = \boxed{2 \times 2} \times 2$$

factor

$$12 = \boxed{\cancel{2} \times \cancel{2}} \times 3$$

Hcf =  $2 \times 2$

③

## Division Method :-

8, 12

$$\begin{array}{r} 0 \\ \hline 8 \overline{) 12} \\ 8 \end{array}$$

Fac

4

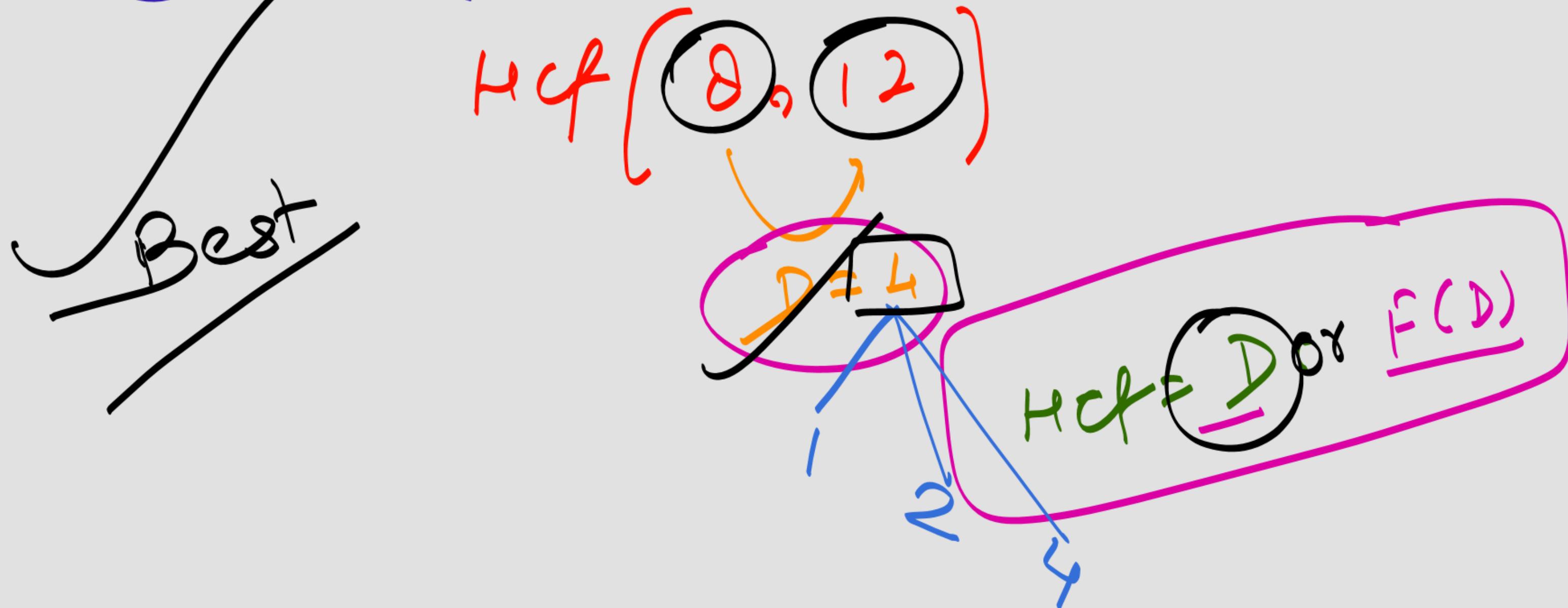
8

2

$\frac{8}{x}$

⑩

## Difference method :-



Q      What is ref  
      How to find ref

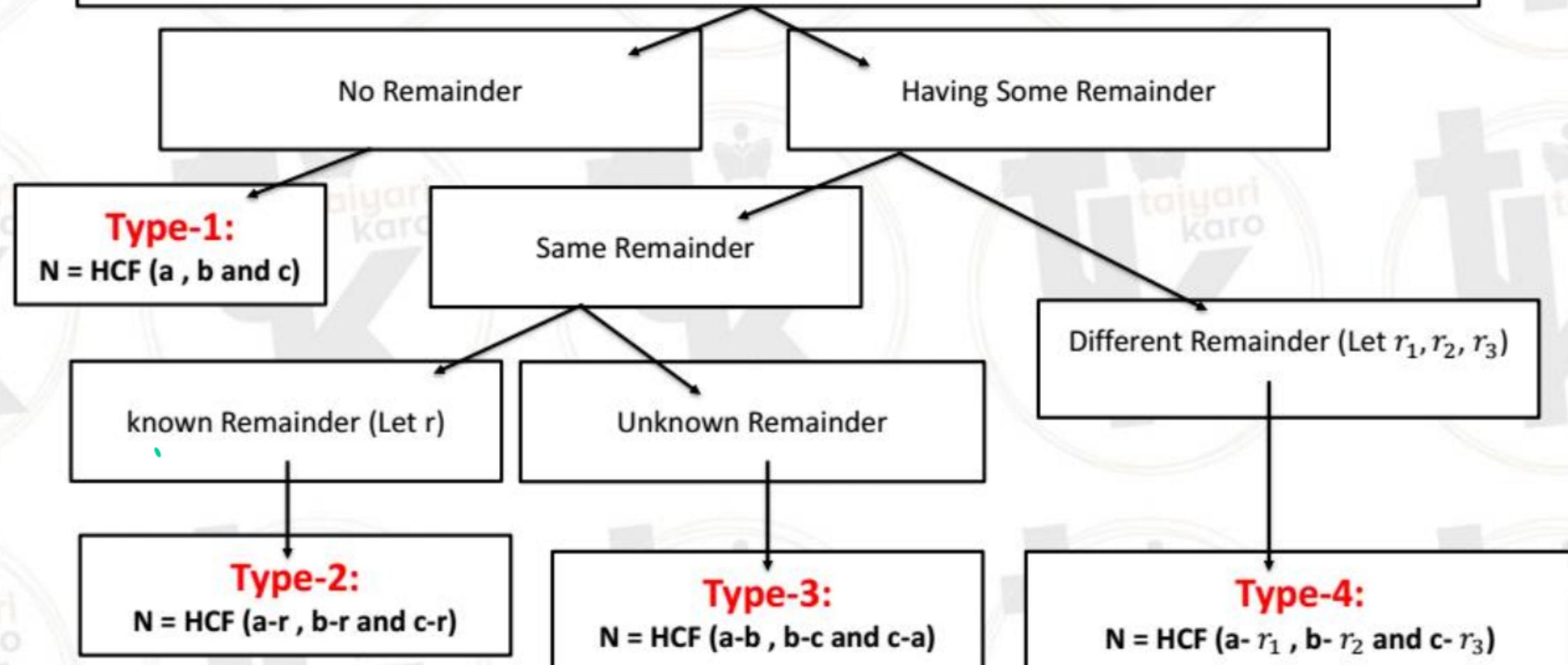
What is HCF?  
How to find HCF?

**Example:**

Find the Greatest number **N** which can divide 10 and 15?

## HCF

Let N be the Greatest number which when divide a , b and c leaves...



# Type-1

No Remainder

$\frac{a}{N}$     $\frac{b}{N}$     $\frac{c}{N}$

$$N = \text{Hcf}(a, b, c)$$

Type-1:

$N = \text{HCF}(a, b \text{ and } c)$

## CLASS EXERCISE

Find the largest number which can divide 306, 340 and 187 exactly? वह सबसे बड़ी संख्या ज्ञात कीजिए जो 306, 340 और 187 को पूर्ण रूप से विभाजित कर सके?

i) 14

ii) 17

iii) 36

iv) 12

Hcf

$$N = \text{lcm} \left[ \frac{306}{34}, \frac{340}{34}, \frac{187}{153} \right]$$

$$\text{Hcf} = \underline{\underline{34}} \text{ or } F(34)$$

34  
17  
17  
17

## CLASS EXERCISE

Find the max Number of students whom 1001 pens and 910 pencils can be divided in such a way that each student gets the same number of pens and pencils? उन छात्रों की अधिकतम संख्या ज्ञात कीजिए जिन्हें 1001 पेन और 910 पेंसिलों को इस प्रकार विभाजित किया जा सकता है कि प्रत्येक छात्र को पेन और पेंसिल की समान संख्या प्राप्त हो?

i) 21

ii) 91

iii) 910

iv) 1001

$$\text{HCF}(1001, 910)$$

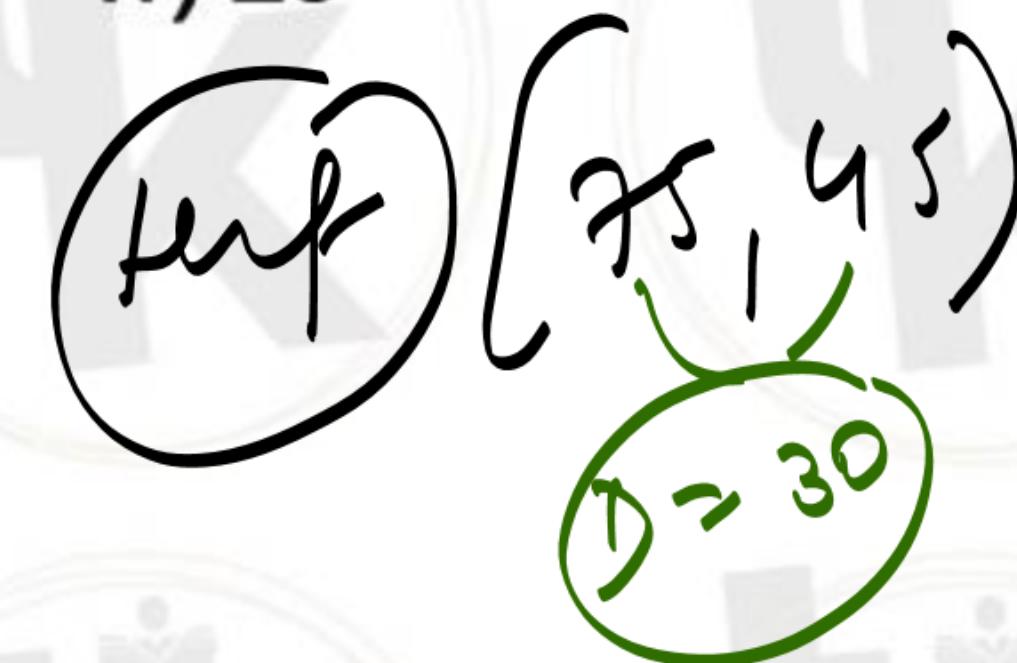
$$D = 91$$

$$\text{HCF}$$

## CLASS EXERCISE

Milkman has 75-litres milk in one cane and 45-liters in another cane. find the maximum capacity of the container which can measure milk of either container exactly? मिल्कमैन के पास एक केन में 75 लीटर और दूसरे केन में 45 लीटर दूध है। कंटेनर की अधिकतम क्षमता ज्ञात कीजिए जो किसी भी कंटेनर के दूध को ठीक से माप सकता है?

- i) 1
- ii) 5
- iii) 15
- iv) 25



150

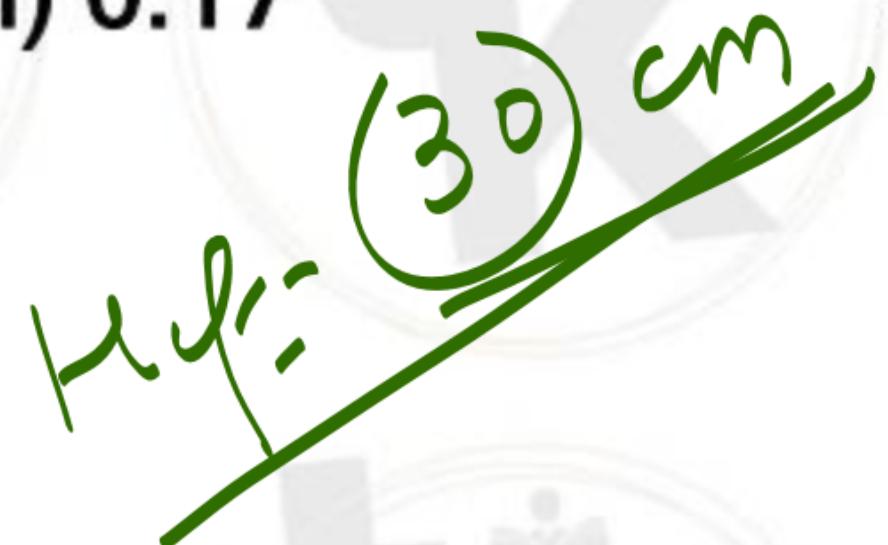
## CLASS EXERCISE

120

Two Pipe of length 1.5 m and 1.2 M are to be cut into equal pieces without leaving any extra length of the piece. The largest length of the pipe piece of the same size can be cut from these two pipes? **1.5 मीटर**

और **1.2 मीटर** लंबाई के दो पाइप को टुकड़े की कोई अतिरिक्त लंबाई छोड़े बिना बराबर टुकड़ों में काटा जाना है। समान आकार के पाइप के टुकड़े की सबसे बड़ी लंबाई को इन दोनों पाइपों से काटा जा सकता है?

- i) 0.14
- ii) 0.17
- iii) 0.13
- iv) 0.3

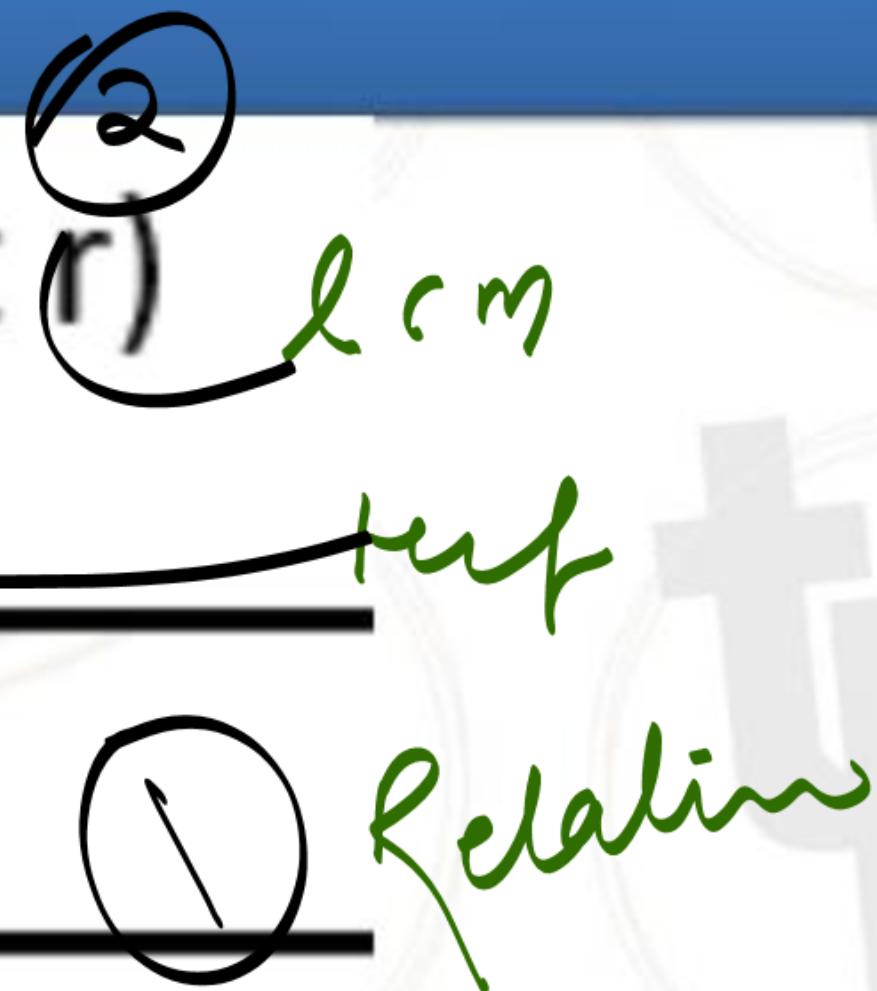


**CGL Mains 2016**



# Type-2

known Remainder (Let r)

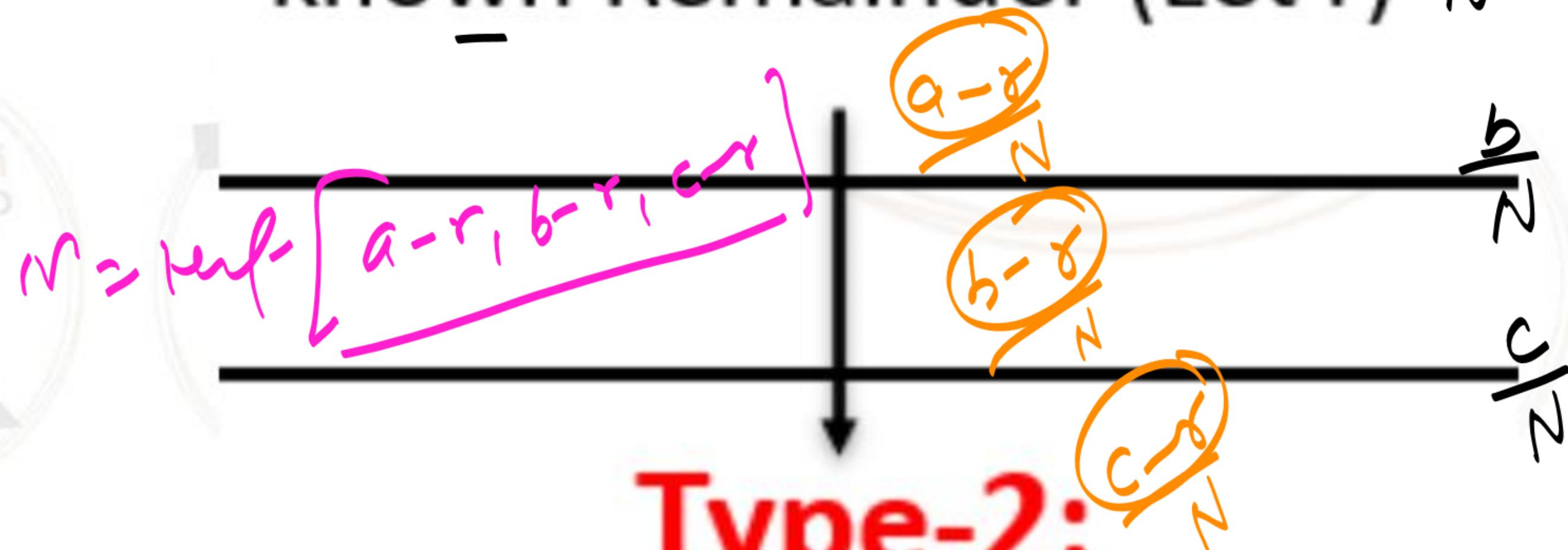


**Type-2:**

$$N = \text{HCF} (a-r, b-r \text{ and } c-r)$$

# Type-2

known Remainder (Let r)  $\frac{a}{N}$



**Type-2:**

$$N = \text{HCF}(a-r, b-r \text{ and } c-r)$$

## CLASS EXERCISE

Find the greatest number which can divide 257 and 329 so as to leave a remainder 5 in each case. वह सबसे बड़ी संख्या शात कीजिए जिसे 257 और 329 को विभाजित करने पर प्रत्येक स्थिति में 5 शेष बचे।

- i) 31
- ii) 9

- iii) 36

- iv) 18

$$N = \text{lcm} (252, 324)$$

Diagram illustrating the solution:

- The numbers 252 and 324 are underlined in green.
- The prime factorization of 252 is shown as  $2^2 \times 3^2 \times 7$ , enclosed in a black oval.
- The prime factorization of 324 is shown as  $2^2 \times 3^4$ , enclosed in a black oval.
- The common factors  $2^2$  and  $3^2$  are highlighted in orange and circled.
- The product of these common factors,  $2^2 \times 3^2 = 36$ , is circled in orange.



# Type-3

Unknown Remainder

$$N = \text{HCF} [a-b, b-c, c-a]$$

$\frac{a}{N}$       *unKnown*

$\frac{b}{N}$

$\frac{c}{N}$

**Type-3:**

$$N = \text{HCF} (a-b, b-c \text{ and } c-a)$$

## CLASS EXERCISE

Find the largest number which will divide 206, 368, 449 leaves the same remainder in each case? वह सबसे बड़ी संख्या ज्ञात कीजिए जो 206, 368, 449 को विभाजित करने पर प्रत्येक स्थिति में समान शेषफल प्राप्त करे?

- i) 51
- ii) 9

- iii) 81

- iv) 18

$$n = \text{HCF} [162, 81, 243]$$

~~0~~ HCF

## CLASS EXERCISE

Let N be the largest number that will divide 1305, 4665 and 6905 leaving the same remainder in each case find the sum of digits of N ?

मान लीजिए N सबसे बड़ी संख्या है जो 1305, 4665 और 6905 को विभाजित करेगी और प्रत्येक स्थिति में समान शेष बचेगी, N के अंकों का योग ज्ञात कीजिए?

- i) 4
- ii) 8

- iii) 36

- iv) 12

$$N = 1120$$

$$\text{Sum} = 4$$

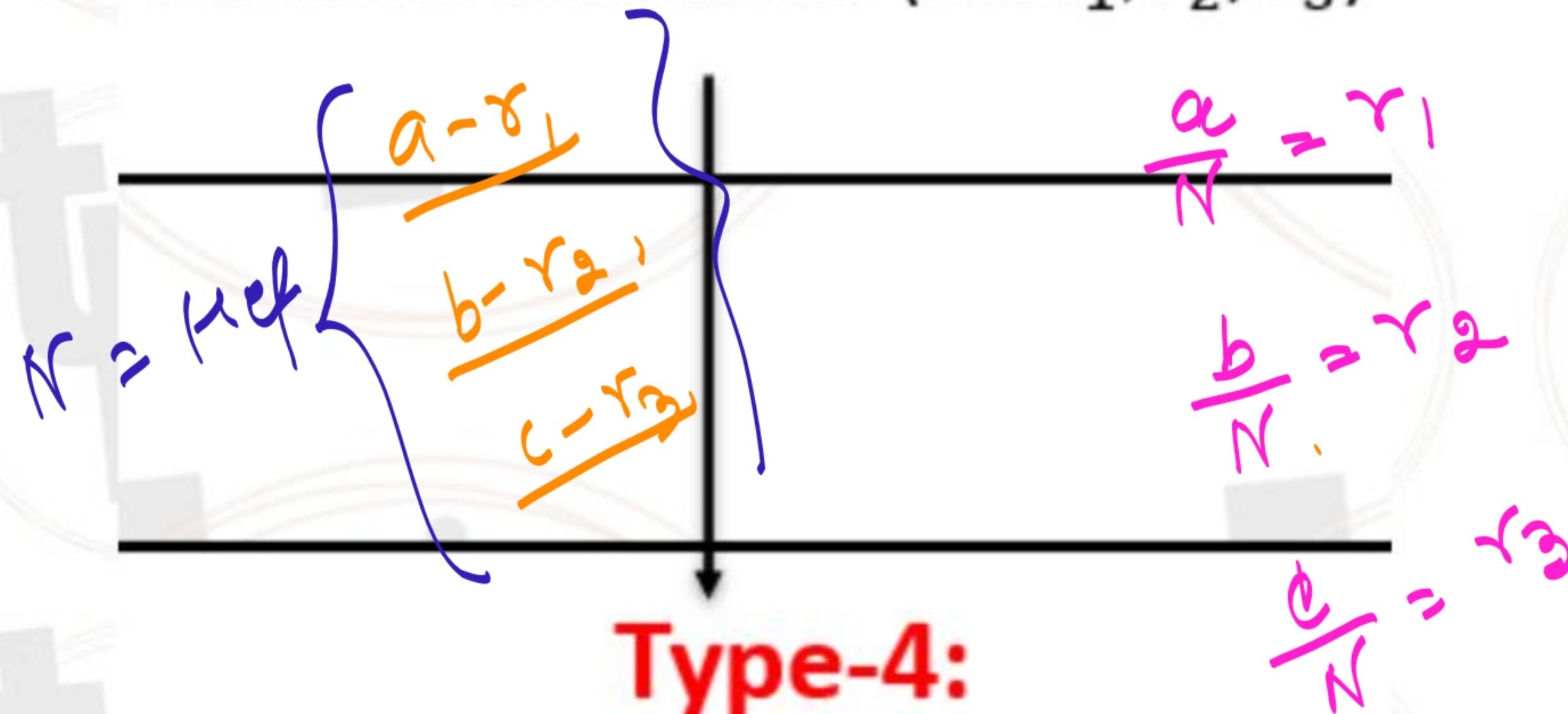
$$N = \text{HCF} \{ 3360, 2240, 5600 \}$$

$$\begin{aligned} & \cancel{1120} \leftarrow \text{HCF} \\ & (1120)^P \end{aligned}$$



# Type-4

Different Remainder (Let  $r_1, r_2, r_3$ )



**Type-4:**

$$N = \text{HCF } (a - r_1, b - r_2 \text{ and } c - r_3)$$

## CLASS EXERCISE

What will be the largest number that will divide 307 and 303 leaving the remainder 3 and 7? वह सबसे बड़ी संख्या क्या होगी जो 307 और 303 को विभाजित करने पर शेष 3 और 7 छोड़ देगी?

- i) 14
- ii) 17
- iii) 19
- iv) None of these

$$N = \text{HCF}(304, 296)$$

$D = 8$

(Q)F

## CLASS EXERCISE

What will be the greatest number that will divide 411,684 and 821 and leaves remainder 3, 4 and 5 respectively?

वह सबसे बड़ी संख्या क्या होगी जिससे 411,684 और 821 को भाग देने पर क्रमशः 3, 4 और 5 शेष बचे?

- i) 254
- ii) 146
- iii) 136
- iv) 204

$$N = \text{lcm}(408, 680, 816)$$

136

$(136)^F$

lcm

## ADVANCED BOOK ASSIGNMENT QUESTION

**QUESTION NO:**

**13,18,21,36,40,52,53,54,62,64,75,**

